

DISEÑO DE FILTROS INDUCTIVOS CON POSTES DIELECTRICOS

Joaquín Lopez Castaño, A. Alvarez Melcón, F. Quesada Pereira,
 J.L.Gómez Tornero
 Departamento de Tecnologías de la Información y las
 Comunicaciones
 Universidad Politécnica de Cartagena, 30202 Cartagena, España
 e-mail : joaquinlopez@gmail.com

Abstract – This paper presents a new technique for the rapid and effective design of Chebyshev bandpass filters. The technique is based on a graphical procedure, which systematically leads to the dimensioning of the different parts of the filter. First a contour curves relating external quality factors, inter-resonator couplings and resonant frequencies are obtained. Using the contour curves, coupling windows and resonator lengths are easily calculated. Results are presented for the design of a four poles filter, showing the accuracy and usefulness of the proposed technique.

curvas de nivel que relacionan longitudes de resonadores y ventanas de acoplos, con factores de calidad externos, factores de acoplo, y frecuencias de resonancia. El uso de estas novedosas curvas de nivel permite encontrar de una forma directa y simple las dimensiones del filtro, que satisfacen unas determinadas características deseadas de Chebyshev.

En este documento el diseño se aplica a filtros inductivos en guía rectangular con postes dieléctricos, según se muestra en la Fig.1, aunque la técnica gráfica de diseño puede emplearse de la misma manera para cualquier otra topología de filtro.

I. INTRODUCCIÓN

La síntesis y diseño de filtros de microondas es un tema muy importante debido al extendido uso de estos componentes en todos los sistemas de comunicaciones modernos. Durante las últimas décadas se ha producido un importante esfuerzo por parte de la comunidad científica en desarrollar nuevas técnicas de síntesis de funciones de transferencia, y de técnicas de diseño de filtros de microondas. Precisamente, la rápida producción en masa de filtros para los sistemas de comunicaciones modernos, requiere mejorar estos dos aspectos fundamentales dentro de su ciclo de desarrollo. Por un lado hay que mejorar las técnicas de síntesis de funciones de transferencia, con el fin de poder utilizar respuestas cada vez mas complejas (situación de ceros de transmisión, aumento de la selectividad, etc.) [1]. Una vez que la función de transferencia ha sido sintetizada, es preciso realizar el diseño final del filtro con alguna topología adecuada (resonadores, inversores de impedancias). Esta última etapa suele ser compleja y costosa, ya que requiere encontrar las dimensiones finales de la estructura del filtro, que es capaz de comportarse eléctricamente según la respuesta deseada. Precisamente, este trabajo realiza una contribución novedosa en esta segunda fase del ciclo de producción de filtros.

En este artículo se presenta un nuevo método de diseño gráfico para filtros de microondas. La técnica permite de una forma sencilla y rápida el dimensionamiento de las distintas partes del filtro, para satisfacer una determinada respuesta deseada de Chebyshev. La técnica comienza con el análisis de un único resonador, del cual podemos obtener el factor de calidad externo $Q_{external}$ [2]. Una vez obtenido este parámetro se pasa al análisis de dos resonadores acoplados. Del análisis de dos resonadores acoplados se pueden extraer los coeficientes de acoplamiento entre resonadores (k) [3]. La extracción de estos parámetros se hará en función de los parámetros geométricos del filtro (ventanas de acoplo y longitudes de los resonadores). La idea novedosa de la técnica consiste en producir unas únicas

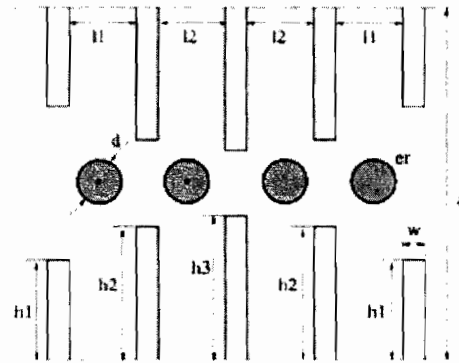


Fig1: Estructura del filtro diseñado.

II. TEORÍA

El nuevo procedimiento gráfico de diseño consiste en dos etapas bien diferenciadas. En la primera etapa debemos obtener las novedosas curvas de nivel, a partir del análisis de un resonador y de dos resonadores acoplados. En la segunda etapa utilizaremos la información proporcionada por estas curvas de nivel para realizar el diseño final del filtro.

Para el cálculo de las novedosas curvas de nivel nos hemos servido del programa de análisis HFSS, debido a su precisión y versatilidad [4]. Usando este programa es posible realizar barridos en frecuencia de forma paramétrica para cada una de las dimensiones del filtro (ventanas de acoplo h_i y longitudes de los resonadores l_i , ver Fig.1). El cálculo de los parámetros relevantes del filtro ($Q_{external}, k$) se obtiene procesando los datos obtenidos con HFSS. Para este procesamiento posterior se ha utilizado Matlab, debido a su gran utilidad tanto para el tratamiento matricial de datos en múltiples dimensiones, como para realizar procesos de interpolación (técnicas que deberemos utilizar en la implementación de la técnica de diseño propuesta). En las

siguientes subsecciones describiremos el procedimiento seguido para obtener las curvas de nivel a partir de un resonador y a partir de dos resonadores acoplados. Finalmente describiremos cómo realizar de forma sistemática y simple el diseño de filtros de Chebyshev a partir de las curvas de nivel generadas.

A. Datos obtenidos con un único resonador:

En primer lugar procedemos a realizar las pruebas con un único resonador, cargado tanto a la entrada como a la salida. En lo que respecta al cálculo de $Q_{external}$, lo podemos definir a partir del factor de calidad a la entrada $(Q_e)_1$ cuando el circuito es cargado únicamente por la izquierda (la carga de la derecha es eliminada y sustituida por un corto-circuito). De la misma forma definiremos $(Q_e)_2$ como el factor de calidad cuando el circuito es cargado únicamente por la derecha. En nuestro caso por simetría podemos establecer $(Q_e)_1 = (Q_e)_2$.

Por otro lado el factor de calidad no cargado ($Q_{unloaded}$), es el factor de calidad cuando ambas cargas son eliminadas, y las únicas cargas resistivas son las debidas a las pérdidas internas de los resonadores. En nuestro caso no consideramos pérdidas de los resonadores por lo que: $Q_u = \infty$.

Finalmente, podemos definir el factor de calidad cargado $Q_{loaded} = Q_L$, tanto a su entrada como a su salida, de la siguiente forma[2]:

$$Q_L = \frac{1}{\frac{1}{(Q_e)_1} + \frac{1}{Q_u} + \frac{1}{(Q_e)_2}} = \frac{1}{2 \frac{1}{(Q_e)_1} + \frac{1}{Q_u}} = \frac{(Q_e)_1}{2} = \frac{f_o}{(\Delta f)_{3dB}} \Rightarrow Q_e = Q_{external} = 2 \frac{f_o}{(\Delta f)_{3dB}}$$

donde $(\Delta f)_{3dB}$ es el ancho a tres decibelios del S_{21} del resonador, y f_o es su frecuencia de resonancia.

Una vez obtenidos los resultados eléctricos con HFSS del resonador aislado, procedemos al post-proceso de estos datos. Mediante Matlab hallamos el $Q_{external}$ para cada par de valores h_1 y l_1 , obteniendo así dos matrices de dos dimensiones cada una. La primera matriz da la frecuencia de resonancia (f_o) y la segunda el factor $Q_{external}$ en función de dichos parámetros geométricos. En la Fig.2 podemos apreciar las curvas de nivel obtenidas con un único resonador. Los trazos continuos en negro representan curvas de frecuencia de resonancia constante (f_o), mientras que los trazos discontinuos blancos representan curvas de factor de calidad ($Q_{external}$) constantes. De la gráfica vemos que si nos desplazamos por una curva de f_o constante (línea roja en la Fig.2), podemos obtener valores de $Q_{external}$ desde 10 hasta por encima de 300. Estos valores de $Q_{external}$ resultan prácticos, y servirán para fijar la ventana exterior del filtro final.

B. Datos obtenidos con dos resonadores acoplados:

El siguiente paso es realizar las simulaciones con dos resonadores acoplados. En este caso las variables “en juego” son tres (las dimensiones de las ventanas h_1 , h_2 y las longitudes de los dos resonadores, l). Realizando un barrido paramétrico en estas tres dimensiones, almacenaremos la información en una estructura de datos en tres dimensiones (3D).

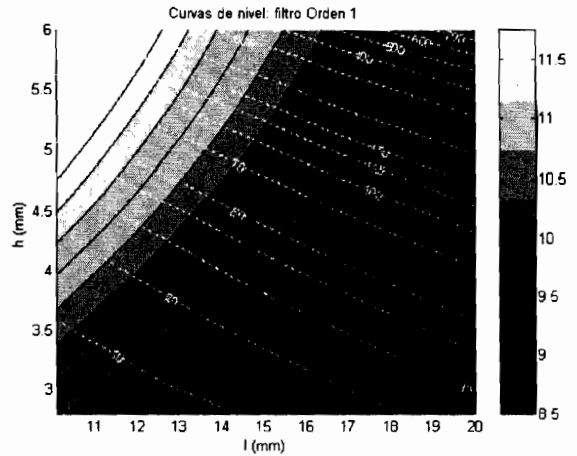


Fig2: Curvas de nivel para un único resonador.

Como ahora tenemos dos resonadores acoplados, debemos calcular el coeficiente de acoplo (k) entre los dos resonadores, el cual se puede obtener de la siguiente expresión [2]:

$$L_A = (S_{21})_{dB} = 10 \log_{10} \left(1 - 10^{(S_{11})_{dB}/20} \right)$$

$$(L_A)_o = L_A(f_o) = 20 \log_{10} \left[\frac{\left(1 + \frac{Q_e}{Q_u} \right)^2}{2 k Q_e} + \frac{k Q_e}{2} \right]$$

$$10^{(L_A)_o/20} = \frac{1}{2 k Q_e} + \frac{k Q_e}{2} \Rightarrow$$

$$Q_e^2 k^2 - 2 Q_e 10^{(L_A)_o/20} k + 1 = 0$$

Como vemos de esta última expresión, obtenemos una ecuación de segundo grado de donde podemos calcular el factor de acoplo para cada valor de $Q_{external}$. Es importante destacar que esta formulación nos permite medir el valor de los acoplos (k) entre resonadores para diferentes niveles de acoplamiento (tanto en la región *Overcoupled* como en la región *Undercoupled*) [2].

Para realizar las simulaciones es muy importante tener en cuenta que la ventana interior (h_2) siempre tiene que ser mayor que la ventana exterior (h_1). De no ser así, la respuesta estará demasiado sobreacoplada, y no será de utilidad en el diseño posterior (que requiere niveles de acoplamiento mucho mas bajos). Por esto mismo también nos interesa tener en cuenta la solución *Undercoupled*, ya que a la hora de diseñar un filtro con varios resonadores se van a necesitar acoplos bajos. Esto ocurrirá cuando se quiera realizar diseños con rizados relativamente bajos, y con anchos de banda pequeños. Este comportamiento hace que sea necesario diseñar una estrategia de muestreo adecuada, con el fin de obtener un espacio relevante de factores de acoplo. La estrategia diseñada consiste en utilizar la relación ($h_2 > h_1$), definiendo una variable n que implementa un incremento positivo de h_2 respecto de h_1 :

$$h_2 = h_1 + \Delta h; \text{ Donde : } n = \Delta h$$

Posteriormente se varía h_1 y n , de forma que en un plano de dimensiones h_2 frente h_1 se van a obtener rectas de pendiente la unidad, y con diferentes puntos de corte de la recta con el eje de ordenadas (fijados por el valor de n). Siguiendo esta estrategia nos aseguramos que los valores muestreados van a estar dentro de la zona de interés. De la estructura total de datos del cubo 3D, en la Fig.3 presentamos un corte de un plano para un valor fijo de h_1 , en el que se representan las curvas de nivel de f_0 y k frente a los valores de l y n .

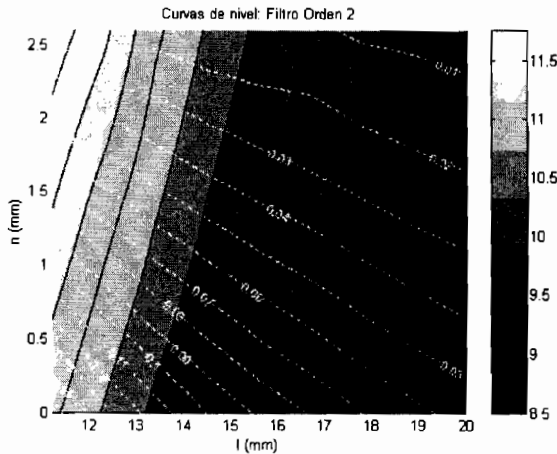


Fig3: Curvas de nivel para dos resonadores acoplados.

En este caso, las líneas negras continuas representan curvas de nivel de f_0 constante, mientras que las líneas blancas discontinuas presentan curvas de acoplamiento k constante. Si recorremos una línea de f_0 constante (línea roja en la Fig.3), vemos que podemos barrer valores de acoplamiento desde $k=0.14$ hasta valores tan bajos como $k=0.01$. Estos valores de acoplamiento permitirán el diseño de funciones de transferencia prácticas, como veremos a continuación.

C. Aplicación al diseño de filtros:

A la hora de realizar el diseño de un filtro paso banda con múltiples resonadores, obtenemos primeramente los parámetros f_0 , $Q_{external}$ y $k_{i,i+1}$ a partir del prototipo paso bajo de Chebyshev ($g_0, g_1 \dots g_{n+1}$) [2]:

$$Q_e = Q_{external} = \frac{g_0 g_1 w_1'}{w}; w_1' = 1$$

$$k_{i,i+1}|_{i=1, m-1} = \frac{w}{w_1' \sqrt{g_i g_{i+1}}}; w = \frac{f_2 - f_1}{f_0}$$

donde m es el orden del filtro. Una vez obtenidos los parámetros característicos del filtro a diseñar, debemos realizar una búsqueda en las curvas de nivel construidas en la etapa anterior.

Primero se realiza una búsqueda en las curvas de un único resonador, buscando los valores de diseño para f_0 y $Q_{external}$. De esta forma vamos a obtener un valor de h_1 y de la longitud del resonador. El que realmente nos interesa por el momento es el valor de h_1 , que es el que nos va a determinar el valor de la ventana exterior del filtro, que implementa el $Q_{external}$ deseado a la frecuencia de resonancia de diseño f_0 . Podemos apreciar en la

Fig.2 como el valor de $Q_{external}$ de nuestro diseño de 40.2412 queda marcado con un pequeño círculo rojo en la curva de f_0 constante igual a 10 GHz.

El segundo paso es obtener las curvas de nivel para los dos resonadores acoplados, a partir de un corte del cubo en 3D. El corte se realiza tomando el dato de h_1 obtenido anteriormente. El resultado de este proceso son las curvas de nivel de f_0 y k para h_1 constante, mostradas en la Fig.3. En esa gráfica seguimos la curva que contiene la frecuencia de resonancia de diseño (f_0 constante para resonadores sincrónicos), hasta obtener los valores correspondientes de acoplos ($k_{i,i+1}$). En la Fig.3 se muestra cómo para una curva de f_0 constante (10 GHz), los valores de acoplamiento buscados quedan marcados con un pequeño círculo rojo en $k_{1,2}=k_{3,4}=0.01992$ y $k_{2,3}=0.014928$.

Hasta ahora hemos obtenido los valores de todas las ventanas de acoplamiento del filtro (h_i). Ahora nos queda por determinar las longitudes de los resonadores para que todos resuenen a la misma frecuencia de resonancia de diseño (f_0). Las longitudes l_i hasta ahora obtenidas se corresponden con las longitudes de dos resonadores acoplados con h_1 como ventana exterior. Para obtener las longitudes de cada par de resonadores simétricos en el filtro final, es necesario establecer una relación entre dichas longitudes conocidas, y las longitudes finales de diseño L_i . Para ello deberemos calcular la longitud que descuenta cada ventana de acoplamiento Δh (actuando como inversor de impedancia), dentro de la longitud base de cada resonador (que llamamos l_b). Después de realizar varias manipulaciones simples, obtenemos las siguientes relaciones:

$$l_i = l_b + \Delta h_{i-1} + \Delta h_i; L_i = l_b + \Delta h_i + \Delta h_{i+1}$$

$$L_i = l_{i+1} + l_i - l_1$$

La última expresión nos permite calcular la longitud L_i del resonador (i), a partir de las longitudes l_i extraídas de las curvas de nivel.

III. RESULTADOS Y CONCLUSIONES

En la sección anterior se han presentado una serie de ecuaciones y curvas de nivel, que permitirán el diseño rápido y directo de filtros centrados en una banda de frecuencias entre 9 GHz y 12 GHz. Para comprobar la efectividad del método de diseño propuesto, vamos a describir las etapas de diseño de un filtro de orden cuatro, con las características eléctricas mostradas en la Tabla1.

Frecuencia Central	10 GHz
Ancho de Banda	200 MHz
Ripple	0.02

Tabla1: Características del filtro de orden 4 a diseñar.

En primer lugar procedemos a sintetizar el factor de calidad externo a la frecuencia de diseño (10 GHz), utilizando un solo resonador. A través de las curvas de nivel de la Fig.2 obtenemos las dimensiones mostradas en la Tabla2:

Un resonador	
Parámetro	Valor

h_1	4.1714 mm
l_1	14.8240 mm

Tabla2: Dimensiones del primer resonador diseñado.

En la *Tabla3* mostramos los valores de diseño de frecuencia de resonancia (f_0) y $Q_{external}$, y los obtenidos tras analizar el resonador diseñado.

Parámetro	Diseño	Medida	Error relativo
f_0	10GHz	10.002GHz	0.02 %
Q_e	40.2504	39.9281	-0.8007 %

Tabla3: Valores sintetizados y medidos tras el análisis del resonador.

Como puede apreciarse existe un pequeño error entre los parámetros diseñados con las curvas de nivel, y los obtenidos tras el análisis del resonador. El pequeño error introducido es debido a la interpolación utilizada durante la construcción de las curvas de nivel.

La siguiente etapa consiste en sintetizar los factores de acoplo (k) entre los resonadores internos del filtro. Para el filtro de orden cuatro tendremos dos acoplos internos diferentes ($k_{1,2}$ y $k_{2,3}$). Utilizando las curvas de diseño de la *Fig.3* obtenemos las dimensiones que implementan estos factores de acoplo, a la frecuencia de resonancia de diseño (10 GHz). Las dimensiones obtenidas de las curvas de nivel se muestran en la *Tabla 4* para cada acoplo.

Dos resonadores			
Primer acoplo $k_{1,2}$		Segundo acoplo $k_{2,3}$	
Parámetro	Valor	Parámetro	Valor
h_1	4.1714 mm	h_1	4.1714 mm
l_1	17.4244 mm	l_2	17.6025 mm
h_2	6.2080 mm	h_3	6.4500 mm

Tabla4: Dimensiones de los resonadores acoplados, que sintetizan cada coeficiente de acoplo interno.

En la *Tabla5* presentamos los valores de diseño para (f_0) y para los acoplos internos. Estos valores los comparamos en la misma tabla con los obtenidos tras un análisis de los resonadores acoplados diseñados.

Parámetro	Diseño	Medida	Error relativo
Primer acoplo $k_{1,2}$			
f_0	10 GHz	10.002GHz	0.02 %
$k_{1,2}$	0.0199	0.0193	-3.0151 %
Segundo acoplo $k_{2,3}$			
f_0	10 GHz	9.75 GHz	-2.5 %
$k_{2,3}$	0.0149	0.0149	0 %

Tabla5: Valores sintetizados y medidos tras el análisis de los resonadores acoplados.

Una vez más podemos apreciar un pequeño error debido a la interpolación de los datos.

Finalmente, ahora ya podemos juntar todos estos resultados para realizar el diseño final del filtro de orden cuatro. Utilizando las ecuaciones de la sección anterior, obtenemos las dimensiones recogidas en la *Tabla6* (segunda columna).

Filtro de orden 4			
Parámetro	Diseño (mm)	Sintonizado (mm)	Error Relativo

h_1	4.1714	4.1714	0 %
h_2	6.2080	6.178	-0.4832 %
h_3	6.4500	6.4524	0.0372 %
L_1	17.4244	17.300	-0.7139 %
L_2	19.5641	19.445	-0.6088 %

Tabla6: Dimensiones obtenidas a través del proceso de diseño, y después de sintonizar el filtro.

Los resultados del filtro diseñado se muestran en línea continua en la *Fig.4*. Como vemos, la respuesta del filtro está muy cerca de las especificaciones de diseño. Tras un proceso de sintonía, se obtienen las dimensiones mostradas en la tercera columna de la *Tabla6*. La respuesta del filtro sintonizado se presenta con línea de puntos en la *Fig.4*, mostrando un coeficiente de reflexión mejor de -20dB en toda la banda, así como un rizado casi constante. Como podemos observar en la *Tabla6*, los errores relativos obtenidos en las dimensiones iniciales, respecto a las finales tras el proceso de sintonía, están siempre por debajo del 1%. Estos resultados muestran la alta precisión de la técnica de diseño desarrollada, para la producción de filtros prácticos.

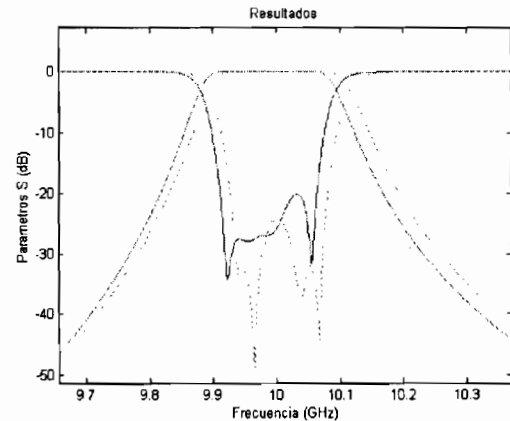


Fig4: Respuesta obtenida con el diseño directo (línea continua) frente a la respuesta obtenida después del proceso de sintonía (línea de puntos).

AGRADECIMIENTOS

El autor quiere mostrar su agradecimiento al Departamento de Tecnologías de la información y las Comunicaciones de la UPCT. Se agradece el apoyo del Ministerio de Educación y Ciencia a través del proyecto TEC2004-04313-C02-02/TCM.

REFERENCIAS

- [1] Richard J. Cameron, "Advanced Coupling Matrix Synthesis Techniques for Microwave Filters", IEEE Trans. Microwave Theory and Techniques, Vol. 51, No. 1, January 2003.
- [2] G.L.Matthaei L.Young E.M.T.Jones, "Microwave Filters Impedance-matching Networks and Coupling Structures", Artech House.
- [3] A.E. Atia, A.E. Williams and R.W. Newcomb, "Narrow Band Multiple Coupled Cavity Synthesis", IEEE Transactions on Circuits and Systems, Vol. 21, No. 5, September 1974, pp. 649-655.
- [4] Agilent High-Frequency Structure Simulator "Getting Started, y Guía de usuario de HFSS V.9 0", 2000.